

	Suite arithmétique de raison $r$	Suite géométrique de raison $q$
<b>Définition</b>	On passe de chaque terme au terme suivant en ajoutant toujours le même nombre $r$ . Pour tout entier naturel $n$ , $u_{n+1} = u_n + r$	On passe de chaque terme au terme suivant en multipliant toujours par le même nombre $q$ . Pour tout entier naturel $n$ , $u_{n+1} = u_n \times q$
<b>Formule explicite du terme général</b>	Pour tout entier naturel $n$ , $u_n = u_0 + n \times r$ et plus généralement, pour tous entiers naturels $n$ et $p$ , $u_n = u_p + (n - p) \times r$	Pour tout entier naturel $n$ , $u_n = u_0 \times q^n$ et plus généralement, pour tous entiers naturels $n$ et $p$ , $u_n = u_p \times q^{n-p}$
<b>Sommes</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Somme des <math>n</math> premiers entiers naturels non nuls :  <math display="block">\sum_{k=1}^n k = 1 + 2 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}</math> </li> <li>• Somme des <math>n + 1</math> premiers termes d'une suite arithmétique de premier terme <math>u_0</math> et de raison <math>r</math> :  <math display="block">\sum_{k=0}^n u_k = u_0 + u_1 + \dots + u_n = (n+1) \times \frac{u_0 + u_n}{2}</math> </li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Somme des <math>n + 1</math> premiers termes d'une suite géométrique de premier terme 1 et de raison <math>q \neq 1</math> :  <math display="block">\sum_{k=0}^n q^k = 1 + q + q^2 + \dots + q^n = \frac{1 - q^{n+1}}{1 - q}</math> </li> <li>• Somme des <math>n + 1</math> premiers termes d'une suite géométrique de premier terme <math>u_0</math> et de raison <math>q \neq 1</math> :  <math display="block">\sum_{k=0}^n u_k = u_0 + u_1 + \dots + u_n = u_0 \times \frac{1 - q^{n+1}}{1 - q}</math> </li> </ul>
<b>Sens de variation</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Si <math>r \geq 0</math>, alors la suite <math>(u_n)</math> est croissante.</li> <li>• Si <math>r \leq 0</math>, alors la suite <math>(u_n)</math> est décroissante.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Si <math>u_0 &gt; 0</math> alors :                             <ul style="list-style-type: none"> <li>- si <math>q &gt; 1</math> alors la suite <math>(u_n)</math> est croissante.</li> <li>- si <math>0 &lt; q &lt; 1</math> alors la suite <math>(u_n)</math> est décroissante.</li> </ul> </li> <li>• Si <math>u_0 &lt; 0</math> alors :                             <ul style="list-style-type: none"> <li>- si <math>q &gt; 1</math> alors la suite <math>(u_n)</math> est décroissante.</li> <li>- si <math>0 &lt; q &lt; 1</math> alors la suite <math>(u_n)</math> est croissante.</li> </ul> </li> </ul>

**Exercice fondamental :**

On considère une suite  $(u_n)$  définie sur  $\mathbb{N}$  par :  $u_0 = 4$  et  $u_{n+1} = 2u_n - 3$ .

Soit la suite  $(v_n)$  définie sur  $\mathbb{N}$  par :  $v_n = u_n - 3$ .

- 1) Quelle est la nature de la suite  $(u_n)$ .
- 2) Montrer que la suite  $(v_n)$  est géométrique.
- 3) Donner l'expression de  $v_n$  en fonction de  $n$ .
- 4) En déduire l'expression de  $u_n$  en fonction de  $n$ .
- 5) Calculer la somme des 11 premiers termes de  $(u_n)$ .