

Résoudre dans  $\mathbb{R}$  :  $\frac{3x^2-4x+1}{2-3x} < 0$

- Recherche du domaine de définition de la fonction :

On résout  $2-3x=0$  d'où  $x=\frac{2}{3}$  qui est la valeur interdite de la fonction. D'où  $D=\mathbb{R}\setminus\left\{\frac{2}{3}\right\}$

- Étude du signe du numérateur :  $3x^2-4x+1$

On reconnaît une expression du second degré sous forme développée.

Pour déterminer son signe, on calcule son discriminant :  $\Delta=(-4)^2-4\times 3\times 1=4>0$

L'expression admet donc deux racines :  $x_1=\frac{-b+\sqrt{\Delta}}{2a}=\frac{4+2}{6}=1$  et  $x_2=\frac{-b-\sqrt{\Delta}}{2a}=\frac{4-2}{6}=\frac{1}{3}$

On sait que cette expression sera du signe de  $a$ , donc positive, à l'extérieure des racines, et négative à l'intérieure, donc sur  $]\frac{1}{3};1[$

- Étude du signe du dénominateur:  $2-3x$

On reconnaît une expression du premier degré, de la forme  $ax+b$ , avec  $a=-3$  et  $b=2$

On a déjà trouvé la racine de cette expression :  $\frac{2}{3}$

L'expression sera du signe de  $a$ , donc négative, à droite de cette racine, donc sur  $]\frac{2}{3};+\infty[$ .

- Résumé de ces informations dans un tableau de signes :

$x$	$-\infty$	$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{3}$	$1$	$+\infty$
$3x^2-4x+1$	+	0	-	0	+
$2-3x$	+		0	-	-
$f(x)$	+	0	-	0	-

D'où  $S=]\frac{1}{3};\frac{2}{3}[ \cup ]1;+\infty[$